



# МАТЕМАТИКА ЗИМОВА СЕСІЯ 2017

8

8 КЛАС

1. Яке з тверджень є невірним?

- (○) А) якщо  $a > b$ , то  $a > -b$   
(○) Б) якщо  $a > b$ , то  $2a > b$   
(○) В) якщо  $a > b$ , то  $2a + 1 > 2b$   
**(●) Г)** якщо  $a > b$ , то  $\frac{a}{b} > 1$

2. Якщо  $\frac{1}{a-2} > 1$ , то ...

- (○) А)  $1 < a < 2$       **(●) Б)**  $2 < a < 3$   
(○) В)  $3 < a < 4$       (○) Г)  $4 < a < 5$

3. Периметр чотирикутника ...

- (●) А)** більший за суму його діагоналей  
(○) Б) дорівнює сумі його діагоналей  
(○) В) менший за суму його діагоналей  
(○) Г) дорівнює півсумі його діагоналей

4. Множиною розв'язків якої з наведених нерівностей є множина всіх чисел?

- (○) А)  $0 \cdot x > 1$       (○) Б)  $0 \cdot x > 0$   
**(●) В)**  $0 \cdot x > -1$       (○) Г)  $x + 1 > 0$

5. Розв'яжіть нерівність  $|x| > -x^2$

- (○) А)  $x \in \mathbb{R}$       (○) Б)  $x \in (0; +\infty)$   
**(●) В)**  $x \neq 0$       (○) Г)  $x \in (-\infty; 0)$

6. Перпендикуляр, опущений з вершини прямокутника на діагональ, ділить її у відношенні 1 : 3. Знайдіть довжину діагоналі, якщо точка перетину діагоналей даного прямокутника віддалена від більшої його сторони на 3,6 дм.

- (○) А) 10 дм      (○) Б) 12,3 дм  
**(●) В)** 14,4 дм      (○) Г) 16,2 дм

7. Скільки цілих від'ємних розв'язків має нерівність  $x - \frac{x+7}{4} - \frac{11x+30}{12} < \frac{x-5}{3}$

- (○) А) жодного      (○) Б) один  
(○) В) десять      **(●) Г)** п'ять

8. Периметр ромба дорівнює 120 см, а відстань між його протилежними сторонами – 15 см. Знайдіть кути трикутників, на які розбиває ромб його більша діагональ.

- (○) А)  $20^\circ, 20^\circ, 140^\circ$       **(●) Б)**  $15^\circ, 15^\circ, 150^\circ$   
(○) В)  $10^\circ, 10^\circ, 160^\circ$       (○) Г)  $12^\circ, 12^\circ, 156^\circ$

9. Сторони трикутника дорівнюють 8 см, 14 см, і  $a$  см, де  $a$  – натуральне число. Якого найбільшого значення може набувати  $a$ ?

- (○) А) 1      (○) Б) 101      (○) В) 0      **(●) Г)** 21

10.  $ABCD$  – трапеція, описана навколо кола,  $AB = CD$ ,  $BE \perp AD$ ,  $AD = 3 BC$ . Знайдіть кут  $BAD$ .

- (○) А)  $30^\circ$       (○) Б)  $45^\circ$       (○) В)  $50^\circ$       **(●) Г)**  $60^\circ$

11. Знайти значення параметра  $a$ , при якому не має розв'язку нерівність  $ax > 3x + 4$

- (○) А) -6      (○) Б) -10      **(●) В)** -7      (○) Г) -9

12. Хорда ділить коло у відношенні 5 : 7. Визначте величини вписаних кутів, що спираються на цю хорду.

- (○) А)  $60^\circ, 120^\circ$       **(●) Б)**  $75^\circ, 105^\circ$   
(○) В)  $80^\circ, 100^\circ$       (○) Г)  $50^\circ, 130^\circ$

13. При яких значеннях параметра  $a$  не має розв'язків системи нерівностей  $\begin{cases} x > 4 \\ x < a \end{cases}$

- (○) А)  $a > 4$       **(●) Б)**  $a \leq 4$       (○) В)  $a < 4$       (○) Г)  $a \geq 4$

14. Чотирикутник  $ABCD$  вписаний в коло. Діагональ  $AC$  даного чотирикутника є діаметром кола. Знайдіть кут між діагоналями чотирикутника, що лежить проти сторони  $AD$ , якщо  $\angle BAC = 23^\circ$ ,  $\angle DAC = 52^\circ$

- А)  $48^\circ$     Б)  $43^\circ$     В)  $61^\circ$     Г)  $47^\circ$

15. При яких значеннях параметра  $b$  найбільшим цілим розв'язком системи нерівностей

$$\begin{cases} x \leq b \\ x < -2 \end{cases}$$

- А)  $[-6; -5)$     Б)  $[-5; 5)$   
 В)  $[-5; -4)$     Г)  $(-5; 5)$

16. Розв'яжіть рівняння  $||x| + 2| = 1$

- А) 0  
 Б) -1  
 В) нема розв'язку  
 Г) безліч розв'язків

17. При яких значеннях параметра  $a$  множина коренів рівняння  $|x - 3| + |x - a| = a - 3$  містить одне парне число

- А)  $(3; 2)$     Б)  $[4; 6)$   
 В)  $(3; 5]$     Г)  $[5; 6)$

18. Розв'яжіть рівняння  $|x| - |x - 2| = 2$

- А)  $[1; \infty)$     Б)  $[1; 5)$   
 В)  $[2; \infty)$     Г)  $[2; 5]$

19. Знайти  $x$ , якщо

$$222222x = 111111 + 222222 + 333333 + 444444$$

- А) 3    Б) 4    В) 5    Г) 6

20. Розкласти на множники  $4(x - y)^2 - 9y^2$

- А)  $(x + 3y)(5x - 3y)$   
 Б)  $(x - 3y)(5x - 3y)$   
 В)  $(x + 2y)(2y - 5x)$   
 Г)  $(2x + y)(2x - 5y)$

21. Обчислити  $\left(a + \frac{1}{b}\right)\left(b + \frac{1}{a}\right)^{-1} =$

- А)  $\frac{a}{b}$     Б)  $\frac{b}{a}$   
 В)  $\frac{a+b}{ab}$     Г)  $\frac{ab}{a+b}$

22. Знайти суму коренів рівняння  $\frac{x}{3} = \frac{5}{x+2}$

- А) 2    Б) -2    В) 3    Г) -3

23. Виконайте дії  $\left(\frac{a^7}{b^{-3}}\right)^{-4} \cdot \left(\frac{a^{-3}}{b^9}\right)^{-12} =$

- А)  $a^7b^{93}$     Б)  $a^{-8}b^{-96}$   
 В)  $a^8b^{96}$     Г)  $a^8b^{-96}$

24. Знайдіть значення виразу  $\sqrt{27} \cdot \sqrt{3}$

- А) -9; 9    Б)  $\sqrt{3}$   
 В)  $-\sqrt{3}$     Г) 9

25.  $|\pi - 4| =$

- А)  $4\pi$     Б)  $-4\pi$   
 В)  $\pi - 4$     Г)  $4 - \pi$

26. Для учнів класу підготували однакові подарунки. В усіх подарунках було разом 588 цукерок, 140 яблук і 252 горіхи. Скільки учнів у класі, якщо їх більше ніж 20?

- А) 26    Б) 28  
 В) 27    Г) 25

27. На скільки  $\frac{4^{a+1} - 2^{2a-1}}{2^{2a}}$  менше від 9

- А) 3    Б) 4  
 В) 4,5    Г) 5,5

28. Якою цифрою закінчується значення виразу  $11^6 + 14^6 - 13^3$

- А) 0    Б) 1  
 В) 2    Г) 7

29. Обчислити  $\frac{a^6 + a^{13}}{a^{-6} + a^{-13}} =$

- А)  $\frac{1}{a^{19}}$     Б)  $a^{78}$   
 В)  $\frac{1}{a^{78}}$     Г)  $a^{19}$

30. Периметр паралелограма більший від однієї з його сторін на 23 см і більший на 19 см від іншої його сторони. Знайти периметр паралелограма.

- А) 42 см    Б) 34 см  
 В) 28 см    Г) 36 см