

1. Обчисліть значення виразу  $\sqrt[5]{4} \cdot \sqrt[5]{8} - \frac{\sqrt[4]{6}}{\sqrt[4]{96}}$ .

- (○) А) 0      (●) Б)  $\frac{3}{2}$       (○) В)  $\frac{5}{2}$       (●) Г) 1,5

2. Вкажіть область визначення функції  $y = (2 - x)^{-\frac{1}{3}}$ .

- (○) А)  $(-\infty; 2)$       (○) Б)  $(2; +\infty)$   
 (○) В)  $[2; +\infty)$       (●) Г)  $(-\infty; 2]$

3. Обчисліть значення виразу  $4^{1,5} - 9^{-0,5} + \left(\frac{1}{64}\right)^{-\frac{2}{3}}$ .

- (○) А) 21      (○) Б) 27  
 (●) В)  $23\frac{2}{3}$       (○) Г)  $15\frac{1}{3}$

4. Розв'яжіть рівняння  $\sqrt{1 - 3x} = x + 3$ .

- (○) А) 1      (○) Б) 8; 1      (●) В) -1      (○) Г) -8; -1

5. Виберіть неправильну нерівність:

- (●) А)  $\sin 140^\circ < 0$       (●) Б)  $\cos 200^\circ > 0$   
 (●) В)  $\tg 100^\circ > 0$       (○) Г)  $\ctg 250^\circ > 0$

6. Знайдіть найбільше значення виразу  $2 - 3 \cos a$ ?

- (○) А) -2      (○) Б) -1      (●) В) 5      (○) Г) 3

7. Областю визначення періодичної функції  $y = f(x)$  з періодом  $T = 4$  є множина дійсних чисел. Чому дорівнюють значення виразу  $3f(-3) + 2f(9)$ , якщо  $f(1) = 2$ ?

- (○) А) 12      (○) Б) -2      (●) В) 10      (○) Г) 2

8. Як треба перенести графік функції  $y = \sin x$ , щоб отримати графік функції  $y = \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ ?

- (○) А) на  $\frac{\pi}{6}$  одиниць униз  
 (○) Б) на  $\frac{\pi}{6}$  одиниць угору  
 (○) В) на  $\frac{\pi}{6}$  одиниць управо  
 (●) Г) на  $\frac{\pi}{6}$  одиниць уліво

9. Обчисліть  $\arcsin \frac{\sqrt{3}}{2} + \arccos 0$ .

- (○) А) 0      (○) Б)  $\frac{2\pi}{3}$       (○) В)  $\frac{\pi}{3}$       (●) Г)  $\frac{5\pi}{6}$

10. Виберіть неправильну нерівність:

- (●) А)  $\arcsin 1 < \arctg 1$   
 (○) Б)  $\arccos 1 < \arctg 1$   
 (●) В)  $\arctg 1 < \operatorname{arcctg} 1$   
 (●) Г)  $\arcsin 1 < \arccos 1$

11. Вкажіть рівняння яке має розв'язки:

- (●) А)  $\sin x = \frac{2}{3}$       (●) Б)  $\cos x = \frac{2}{3}$   
 (○) В)  $\sin x = \frac{3}{2}$       (●) Г)  $\tg x = \frac{3}{2}$

12. Знайдіть найбільший від'ємний корінь рівняння  $\sin^2 2x - \cos^2 2x = 1$ .

- (○) А)  $-\frac{\pi}{8}$       (●) Б)  $-\frac{\pi}{4}$       (○) В)  $-\frac{\pi}{2}$       (○) Г)  $-\pi$

13. Скільки коренів має рівняння  $\sin x = \sin 1$ ?

- (●) А) безліч      (○) Б) один  
 (○) В) два      (○) Г) жодного

14. Яка з нерівностей має розв'язки?

- (○) А)  $\sin x > \frac{\pi}{2}$       (●) Б)  $\sin x < \frac{\pi}{2}$   
 (●) В)  $\cos x > -\frac{\pi}{2}$       (●) Г)  $\tg x < \frac{\pi}{2}$

15. Знайдіть корені рівняння  $\cos \frac{x}{2} = 1$ .

- (○) А)  $\pi k, k \in \mathbb{Z}$       (○) Б)  $\pi + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$   
 (○) В)  $2\pi k, k \in \mathbb{Z}$       (●) Г)  $4\pi k, k \in \mathbb{Z}$

16. Визначте взаємне розміщення прямих  $a$  і  $c$ , якщо  $a \parallel b$ ,  $b \parallel c$ .

- (○) А) мимобіжні  
 (○) Б) визначити неможливо  
 (○) В) перетинаються  
 (●) Г) паралельні

17. Розв'яжіть рівняння  $\operatorname{tg} \left( x + \frac{\pi}{4} \right) = \sqrt{3}$ .

- (○) А)  $\frac{7\pi}{12} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$       (○) Б)  $\frac{5\pi}{12} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$   
(●) В)  $\frac{\pi}{12} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$       (○) Г)  $-\frac{\pi}{12} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$

18. Площини  $\alpha$  і  $\beta$  паралельні. Пряма  $a$  лежить у площині  $\alpha$ , а пряма  $b$  - у площині  $\beta$ . Яким може бути взаємне розміщення прямих  $a$  і  $b$ ?

- (○) А) паралельні або перетинаються  
(○) Б) мимобіжні або перетинаються  
(○) В) перпендикулярні  
(●) Г) паралельні або мимобіжні

19. Розв'яжіть рівняння  $\operatorname{ctg} 3x = 0$ .

- (○) А)  $\frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$       (○) Б)  $\pi k, k \in \mathbb{Z}$   
(○) В)  $\frac{\pi k}{3}, k \in \mathbb{Z}$       (●) Г)  $\frac{\pi}{6} + \frac{\pi k}{3}, k \in \mathbb{Z}$

20. Дано куб  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ . Серед заданих пар прямих виберіть пару мимобіжних прямих.

- (○) А)  $B_1C$  і  $A_1D$       (○) Б)  $B_1D$  і  $A_1C$   
(●) В)  $BC$  і  $DD_1$       (○) Г)  $AD$  і  $B_1D$

21. Знайдіть корені рівняння  $\cos x + \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$ .

- (○) А)  $\pm \frac{\pi}{4} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$       (●) Б)  $\pm \frac{3\pi}{4} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$   
(○) В)  $\pm \frac{\pi}{4} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$       (○) Г)  $\pm \frac{3\pi}{4} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$

22. Точки  $M$  і  $N$  не належать площині паралелограма  $ABCD$ . Серед даних умов виберіть ту, за якої  $(ABM) \parallel (CDN)$ .

- (○) А)  $BM = CN$       (○) Б)  $AM \perp MB$   
(○) В)  $MN = AD$       (●) Г)  $AM \parallel DN$

23. Розв'яжіть рівняння  $\sin 2x = -\frac{1}{2}$

- (●) А)  $(-1)^{k+1} \frac{\pi}{12} + \frac{\pi k}{2}, k \in \mathbb{Z}$   
(○) Б)  $(-1)^k \frac{\pi}{12} + \frac{\pi k}{2}, k \in \mathbb{Z}$   
(○) В)  $\pm \frac{\pi}{3} + \frac{\pi k}{12}, k \in \mathbb{Z}$   
(○) Г)  $\pm \frac{\pi}{12} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$

24. Дано трикутник  $ABC$ , у якому  $AB = 15$  см,  $BC = 12$  см,  $AC = 9$  см. На стороні  $AB$  взято точку  $M$ , причому  $AM : MB = 1:2$ . Через точку  $M$  проведено площину, яка паралельна стороні  $AC$  і перетинає сторону  $BC$  у точці  $N$ . Знайдіть площу чотирикутника  $AMNC$ .

- (○) А)  $60 \text{ см}^2$       (○) Б)  $10,8 \text{ см}^2$   
(●) В)  $30 \text{ см}^2$       (○) Г)  $18 \text{ см}^2$

25. Скільки коренів рівняння  $\cos x = 0$  належать проміжку  $\left[ -\frac{\pi}{2}; 3\pi \right]$ ?

- (○) А) один      (○) Б) два  
(○) В) три      (●) Г) чотири

26. Рівнобедрені трикутники  $ABC$  і  $DBC$  мають спільну основу  $BC$ . Вкажіть лінійний кут двогранного кута з ребром  $BC$ .

- (○) А)  $ABD$       (○) Б)  $ADM$       (●) В)  $AMD$       (○) Г)  $ACD$

27. Розв'яжіть рівняння  $\frac{\sin 2x}{\cos x} = 0$ .

- (○) А)  $\frac{\pi k}{2}, k \in \mathbb{Z}$       (○) Б)  $\frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$   
(●) В)  $\pi k, k \in \mathbb{Z}$       (○) Г) коренів немає

28. Знайдіть суму натуральних розв'язків нерівності  $\frac{(x+2)(x-5)}{(x-3)^2} \leq 0$ .

- (○) А) 0      (○) Б) 5      (○) В) 9      (●) Г) 12

29. Знайдіть найбільше значення виразу  $4\cos^2 \alpha - \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha$ .

- (○) А) 0  
(○) Б) 1  
(○) В) -1  
(●) Г) неможливо визначити

30. Спростіть вираз  $\sin 6\alpha \cdot \operatorname{tg} 3\alpha + 2\cos^2 3\alpha$ .

- (○) А) 0      (○) Б)  $\sin \alpha$       (○) В) 1      (●) Г) 2